



கணிதக் கானகம்: மாணவர்களுடன் ஓர் உரையாடல்

'உயர் ஆராய்ச்சிகளில் ஈடுபடும் கணிதவியலாளர்கள், பள்ளி மாணவர்களிடம் கணிதம் பற்றிப் பேசுகிறார்கள்' என்றால், உடனடியாக இரண்டு விஷயங்கள் தோன்றும். முதலாவது, இது மிகப் பெரிய ஏற்பாடு என்று பாராட்டத் தோன்றும். அதே சமயத்தில், 'கணிதவியலாளர்கள் பேசுவது மாணவர்களுக்குப் புரியுமா?' என்ற சந்தேகமும் எழும். 'இந்தச் சந்தேகம் தேவையற்றது. முறையாகக் கணிதத்தை அறிமுகப்படுத்தினால், மாணவர்களுக்கு கணிதம் நிச்சயம் புரியும்' என்று சமீபத்தில் நிரூபித்தது, சென்னை கணிதவியல் அறிவியல் நிறுவனம் (Institute of Mathematical Sciences - IMSC) நடத்திய 'கணிதக் கானகம்' எனும் கருத்தரங்கம்.



மாநகராட்சிப் பள்ளி மாணவர்கள் மட்டுமே இந்த நிகழ்ச்சியில் கலந்துகொண்டார்கள்; அவர்களில் பெரும்பாலானோர் தமிழ்வழியில் பயில்பவர்கள்.

'காகிதத்தில் மடிப்பு கணக்கின் துடிப்பு' என்ற தலைப்பில் ரூபிகா சூட்; 'சமச்சீர்மை: கோலம் முதல் படிக்கங்கள் வரை' என்ற தலைப்பில் IMSCயைச் சேர்ந்த கணேஷ்; 'தொலைந்துபோன சைக்கிளைத் தேடி' என்ற தலைப்பில் சென்னை கணிதவியல் கழகத்தைச் சேர்ந்த விஜய் ரவிக்குமார்; 'விளையாட்டுக்குக் கணிதம்' என்ற தலைப்பில் IMSCயைச் சேர்ந்த ராமானுஜன் ஆகியோர் மாணவர்களிடம் உரையாடினார்கள்.

மாணவர்கள், கணிதவியலாளர்கள் கூறியவற்றைக் கச்சிதமாக உள்வாங்கிக் கொண்டு, கணிதப் பார்வையோடு உரையாடினர்.

ரூபிகா சூட்:

ஓரிகாமி மூலம், இரு பரிமாண, முப்பரிமாண அமைப்பைப் பற்றி மாணவர்களுக்கு விளையாட்டு மூலம் புரியவைத்தார்.



சதுர அடியைக் கொண்ட பிரமிடு அமைப்பைச் செய்யவைத்து, அந்த அமைப்பில் இரண்டு முகங்கள் (Face) மட்டும் சந்திக்கும் முனை (Corner) எத்தனை எனக் கேள்வி கேட்டார். மாணவர்கள் எண்ண முயற்சி செய்து, 'ஒன்றுமே இல்லையே என்றார்கள்'. 'முப்பரிமாண வடிவத்தில் நீளம், அகலம், உயரம்' என, மூன்று பரிமாணங்கள் தானே ஒரு முனையில் சந்திக்கும். அப்போது, குறைந்தது மூன்று முகங்கள் தானே ஒரு முனையில் சந்திக்க முடியும்?' என, மாணவர்களைச் சிந்திக்க வைத்தார். ஆமாம்! ஆமாம்! என, மாணவர்கள் சந்தோஷமாக ஆமோதிப்பதைப் பார்க்க முடிந்தது.

கேள்வி கேட்டார். மாணவர்கள் எண்ண முயற்சி செய்து, 'ஒன்றுமே இல்லையே என்றார்கள்'. 'முப்பரிமாண வடிவத்தில் நீளம், அகலம், உயரம்' என, மூன்று பரிமாணங்கள் தானே ஒரு முனையில் சந்திக்கும். அப்போது, குறைந்தது மூன்று முகங்கள் தானே ஒரு முனையில் சந்திக்க முடியும்?' என, மாணவர்களைச் சிந்திக்க வைத்தார். ஆமாம்! ஆமாம்! என, மாணவர்கள் சந்தோஷமாக ஆமோதிப்பதைப் பார்க்க முடிந்தது.

கணேஷ்:

புள்ளிக் கோலங்களில் அமைந்திருக்கும்



சமச்சீர் தன்மையை விளக்கத் தொடங்கி, வேதியலில் மூலக்கூறுகளின் ஆடி சமச்சீர் தன்மைப் பண்புகளையும், படிக்கங்களின் சமச்சீர் தன்மையையும் விளக்கினார்.

ராமானுஜன்:

'ஒன்றில் இருந்து 100 எண்களுக்குள் ஓர் இரட்டை இலக்க எண்ணை நான் நினைத்துக் கொள்கிறேன்? நீங்கள் அந்த எண்ணை எத்தனை கேள்விகளில் கண்டறிய முடியும்?' என்று புதிர் போட்டார். ஒரு மாணவி, நான் கண்டுபிடிக்கிறேன் என முன்வந்து, 'நீங்கள் நினைத்த எண், ஐம்பதுக்குள் இருக்கிறதா?' என்ற முதல் கேள்வியைக் கேட்டார். ஆமாம் என, பதில் வந்ததும், '25க்குள் இருக்கிறதா?' என, அடுத்த கேள்வியைக் கேட்டார். அவர் கேட்ட முதல் கேள்வி, அவர் ஆராய வேண்டிய எண்களைப் பாதியாகக் குறைத்துவிடுகிறது என்பதாலும், அடுத்த கேள்வி அந்த எண்களை மேலும் பாதியாகக் குறைத்துவிடுகிறது என்பதாலும், கணித ரீதியாக அந்தக் கேள்விகள் முக்கியத்தும் நிறைந்தவை என்று விளக்கினார் ராமானுஜன்.



தங்களுடைய சிந்தனை, கணிதப்பூர்வமாக இருக்கிறது என்று கணிதவியலாளர்கள் சொல்லும்போது, அந்த மாணவர்கள் பெற்ற நம்பிக்கை இருக்கிறதே, அதுதான் இந்த நிகழ்ச்சியின் வெற்றியே.

விஜய்:

"நான் இந்த நிகழ்ச்சிக்கு சைக்கிளில் வந்தேன். என் சைக்கிள் தொலைந்து போய்விட்டது. சைக்கிள் போன தடத்தை வைத்து, சைக்கிள் வலது பக்கம் போனதா இடது பக்கம் போனதா என, நான் கண்டுபிடிக்க வேண்டும். எப்படிக் கண்டறிவது? அரங்கத்துக்குள் சைக்கிளைத் தூக்கி வைத்து, டயரில் மை பூசி, முன் சக்கரமும், பின் சக்கரமும் எப்படி தடங்களை ஏற்படுத்துகின்றன என, டெமோ காண்பித்து மாணவர்களை கணிதக் கானகத்துக்குள் அழைத்துச் செல்லும் மாயாவியாகவே மாறினார் விஜய்.



சைக்கிளை அழுத்தி மிதிக்கும்போது, முன் சக்கரம் பெரிய அகடு, முகடுகளைக் கொண்ட வளைவு கோடுகளை ஏற்படுத்தும்

என்று மாணவர்கள் அனுபவப் பூர்வமாகத் தெரிந்துகொண்டார்கள். இரண்டாவது சக்கரம் முதல் சக்கரம் ஏற்படுத்திய வளைவு கோட்டுக்கு, தொடுகோடாகவே செல்லும் (Tangential) என்றும் உணர்ந்தார்கள். இரண்டாம் சக்கரத்தின் வளைவு கோடு, முதல் சக்கரத்தின் வளைவு கோட்டுக்கு தொடுகோடாகச் செல்கிறதா என இடப் பக்கமாகவும், வலப் பக்கமாகவும் ஆராய்ந்தால், தொடுகோடாகச் செல்லும் பக்கத்தை வைத்து, சைக்கிள் எந்தப் பக்கம் சென்றது என கண்டறியலாம் என, அருமையாக விளக்கினார்.

இந்த உத்தி பொருந்தாத உதாரணங்களாக இருக்குமா என விஜய் கேட்டபோது, ஒரு மாணவர், 'சைக்கிள் மிகச் சரியாக நேர்கோட்டில் சென்றால், இடப்பக்கம் சென்றதா வலப்பக்கம் சென்றதா எனக் கண்டறிய முடியாது' என்றார். அடுத்து ஒரு மாணவி, "சைக்கிள் கச்சிதமாக வட்டப்பாதையில் சென்றாலும், இந்த உத்தியைப் பயன்படுத்தி வலப்பக்கம் சென்றதா, இடப் பக்கம் சென்றதா எனக் கண்டுபிடிக்க முடியாது" என்றார்.

இந்த இரு உதாரணங்களிலுமே, வலப் பக்கம், இடப் பக்கம் என இரு திசைகளிலுமே, இரண்டாம் சக்கரத்தின் வளைவு முதல் கோட்டிற்கு தொடுகோடாகவே செல்லும். அதனால் எந்தப் பக்கம் சென்றது எனக் கண்டறிய முடியாது' என்றார்.

மிகச் சரியான விடை என்று விஜய் சொன்னதும், மாணவர்கள் மத்தியில் எழுந்த உற்சாகத்துக்கு அளவே இல்லை.

உள்கட்டமைப்பு வசதிகள் குறைவான மாநகராட்சிப் பள்ளிகளில் படிக்கும் மாணவர்களின் சிந்தனைத் திறன் குறைவு என்ற பிம்பத்தைத் தூள் தூளாக்கியது இந்த நிகழ்ச்சி. கணிதத்தை முறையாக அறிமுகப்படுத்துவதும், கணிதம் கற்கும் ஆர்வமும் தான் கணிதம் கற்பிக்க/கற்க அடிப்படைத் தேவை.

